

(1c2018)

- Determinar una rama de $g(z) = \sqrt[3]{2z+1}$ tal que sea holomorfa sobre la curva $C = \{z \in \mathbb{C} : |z| = 1, \operatorname{Im}(z) \geq 0\}$, y que $g(0) = e^{i\frac{2}{3}\pi}$.
- Hallar la imagen de $D = \{z \in \mathbb{C} : 0 < \operatorname{Arg}(z) < \pi/4; |z| > 1\}$ por la transformación

$$T(z) = \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{z^4 + 1} \right)^2$$

(1c2017)

- Obtener la imagen de la región $D = \{z \in \mathbb{C} : \operatorname{Re}(z) > 1; 0 < \operatorname{Im}(z) < \pi/2\}$ por la transformación $f(z) = ie^{(1-z)}$. ¿Dónde es conforme esta transformación?

(2c 2020)

- Determinar una rama de la raíz cúbica tal que la función $g(z) = ((1+i)z - 1)^{1/3}$ sea holomorfa en los puntos del conjunto $D = \{z \in \mathbb{C} : \operatorname{Im}(z) > \operatorname{Re}(z) + 1\}$, y obtener $g(D)$. ¿En qué puntos no es holomorfa g ?